

1 Aufgabenstellung

Gegeben ist die in Abbildung 1 dargestellte zentrische Schubkurbel mit den Längen $a=50\text{mm}$ und $b=200\text{mm}$. Zu bestimmen sind:

1. Die Geschwindigkeit v_B am Gleitsteinzapfen (Kolbenbolzen) für die Getriebelagen mit folgenden Kurbelstellungen: $\rho=0^\circ$ (innere Totlage), 30° , 60° , 90° , 120° , 150° und 180° .
2. Die Getriebelagen mit $v_{B\max}$ und mit $v_B=v_A$
3. Der Verlauf von v über t (abgerollter Kurbelkreis).
4. Der Verlauf von a über t durch zeichnerisches Differenzieren der v -Kurve.
5. Die Größtwerte von v und a für $n=0,5\text{ s}^{-1}$, $n=4\text{ s}^{-1}$, $n=20\text{ s}^{-1}$

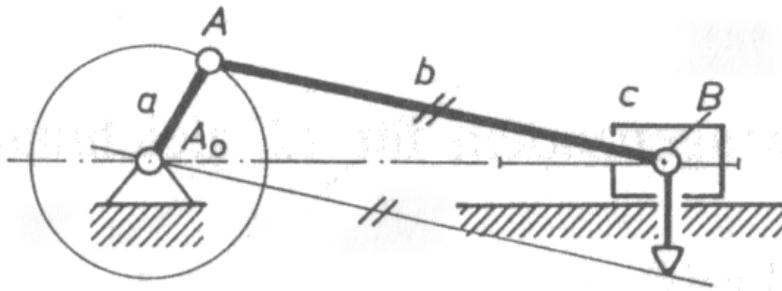


Abbildung 1: Schubkurbel

2 Zeichnerische Lösung

2.1 Festlegen der Maßstäbe

Zu Beginn werden die Maßstäbe für Zeit, Weg und Beschleunigung mit Hilfe der gegebenen Drehzahl von $n=0,5s^{-1}$ festgelegt. Auf die zwei weiteren Drehzahlen wird in Kapitel 3 eingegangen.

2.1.1 Maßstab der Zeit und des Winkels

$$M_t = \frac{\langle T \rangle}{T}$$

Wobei $\langle T \rangle$ der Strecke im Diagramm entspricht und mit 15 cm festgelegt wurde.

$$T = \frac{1}{n} = \frac{1}{0,5s^{-1}} = 2s$$

$$M_t = \frac{1 \text{ c } 5 \text{ m}}{2s} = 7,5c \text{ /s}$$

$$M_\varphi = \frac{\langle T \rangle}{360}$$

$$M_\varphi = \frac{1 \text{ c } 5 \text{ m}}{360} = 0,0 \text{ c /s}$$

Die Maßstäbe M_t und M_φ bilden die X-Achse(Abszisse) der verwendeten Diagramme.

2.1.2 Wegmaßstab

$$M_s = \frac{M_t \cdot M_v}{P_v}$$

P_v ist ebenfalls eine Größe im Diagramm, die mit 4cm festgelegt wurde. Um M_v zu ermitteln, wurde die zu erwartenden Geschwindigkeit auf 10 cm/s abgeschätzt, welche im Diagramm einer Strecke von 2,667cm entsprechen soll.

$$M_v = \frac{\langle v \rangle}{v} = \frac{2,6 \text{ c } 6 \text{ m}}{1 \text{ c } 0 \text{ m}} = 0,2 \text{ c}$$

$$M_s = \frac{7,5c \text{ /s} \cdot 0,2 \text{ c}}{4c \text{ m}} = 0,5$$

Tabelle 1: Weg s

α in Grad	a in mm	b in mm	c in mm	d in mm	β in Grad	e in mm	f in mm	Weg s in mm
0	50	200	-50	0	0,00	200	150	0
10	50	200	-49,24	8,68	2,49	199,81	150,57	0,57
20	50	200	-46,98	17,1	4,91	199,27	152,28	2,28
30	50	200	-43,3	25	7,18	198,43	155,13	5,13
40	50	200	-38,3	32,14	9,25	197,4	159,1	9,1
50	50	200	-32,14	38,3	11,04	196,3	164,16	14,16
60	50	200	-25	43,3	12,50	195,26	170,26	20,26
70	50	200	-17,1	46,98	13,59	194,4	177,3	27,3
80	50	200	-8,68	49,24	14,25	193,84	185,16	35,16
90	50	200	0	50	14,48	193,65	193,65	43,65
100	50	200	8,68	49,24	14,25	193,84	202,53	52,53
110	50	200	17,1	46,98	13,59	194,4	211,5	61,5
120	50	200	25	43,3	12,50	195,26	220,26	70,26
130	50	200	32,14	38,3	11,04	196,3	228,44	78,44
140	50	200	38,3	32,14	9,25	197,4	235,7	85,7
150	50	200	43,3	25	7,18	198,43	241,73	91,73
160	50	200	46,98	17,1	4,91	199,27	246,25	96,25
170	50	200	49,24	8,68	2,49	199,81	249,05	99,05
180	50	200	50	0	0,00	200	250	100
190	50	200	49,24	-8,68	-2,49	199,81	249,05	99,05
200	50	200	46,98	-17,1	-4,91	199,27	246,25	96,25
210	50	200	43,3	-25	-7,18	198,43	241,73	91,73
220	50	200	38,3	-32,14	-9,25	197,4	235,7	85,7
230	50	200	32,14	-38,3	-11,04	196,3	228,44	78,44
240	50	200	25	-43,3	-12,50	195,26	220,26	70,26
250	50	200	17,1	-46,98	-13,59	194,4	211,5	61,5
260	50	200	8,68	-49,24	-14,25	193,84	202,53	52,53
270	50	200	0	-50	-14,48	193,65	193,65	43,65
280	50	200	-8,68	-49,24	-14,25	193,84	185,16	35,16
290	50	200	-17,1	-46,98	-13,59	194,4	177,3	27,3
300	50	200	-25	-43,3	-12,50	195,26	170,26	20,26
310	50	200	-32,14	-38,3	-11,04	196,3	164,16	14,16
320	50	200	-38,3	-32,14	-9,25	197,4	159,1	9,1
330	50	200	-43,3	-25	-7,18	198,43	155,13	5,13
340	50	200	-46,98	-17,1	-4,91	199,27	152,28	2,28
350	50	200	-49,24	-8,68	-2,49	199,81	150,57	0,57
360	50	200	-50	0	0,00	200	150	0

Dann wurden die einzelnen Wege entsprechend dem zugehörigen Winkel in das erste Diagramm, wie es in Abbildung 3 dargestellt ist, eingetragen. Die Punkte wurden miteinander verbunden und es ergab sich die Weg-Kurve (orange).

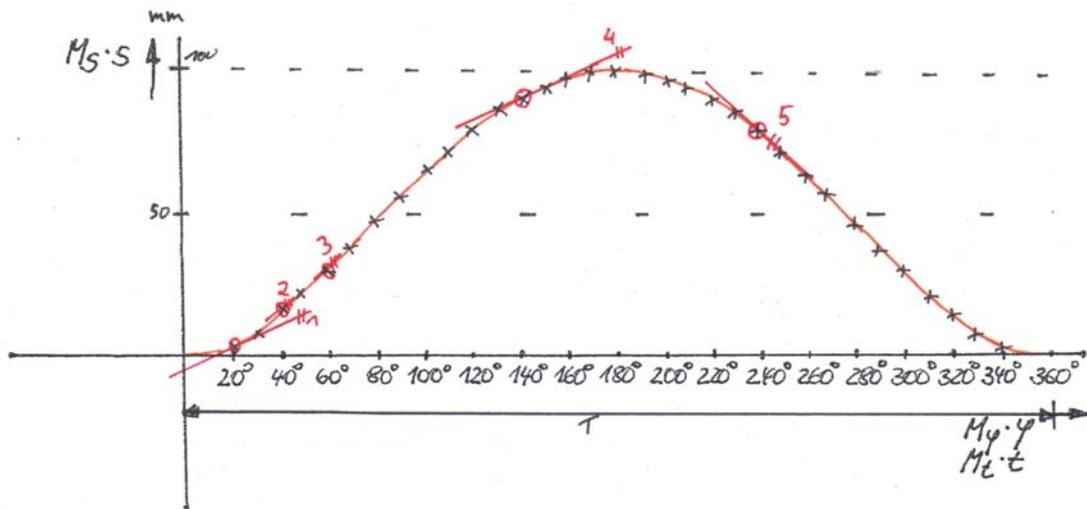


Abbildung 3: Weg-Diagramm (Zeichnungsmaßstab 1:1,33)

2.3 Ermittlung der Geschwindigkeit

Um die Geschwindigkeit zeichnerisch zu ermitteln, wurde unter das erste Diagramm ein zweites gezeichnet. Für jeden Winkel wurde in die Weg-Kurve (orange) eine Tangente angelegt (rot), diese wurde parallel in den Punkt P_v verschoben und ergab dann auf der Geschwindigkeitsachse die für den jeweiligen Winkel entsprechende Geschwindigkeit. Nachdem dies für alle Winkel getan wurde, und die Punkte miteinander verbunden wurden, ergab sich das in Abbildung 4 dargestellte Diagramm (blaue Kurve).

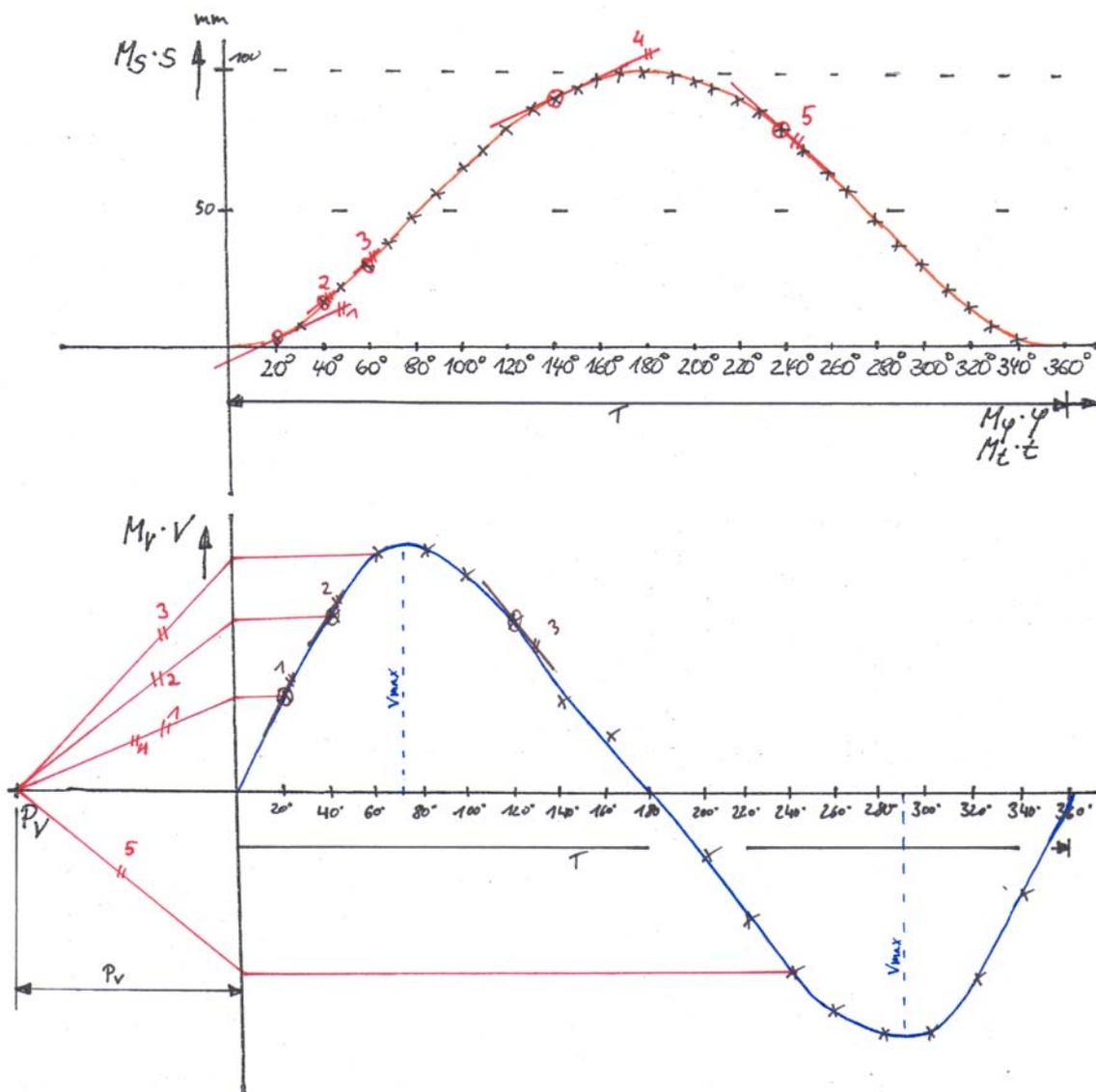


Abbildung 4: Ermittlung des Geschwindigkeits-Diagramm (Zeichnungsmaßstab 1:1,33)

Durch Ausmessen der längsten Strecke $v_{max} = 45\text{mm}$ mit dem Lineal und Division durch den Maßstab $M_v = 0,2667$ lässt sich im Diagramm für die höchste Geschwindigkeit $168,7\text{mm/s}$ bei 75° sowie 290° ermitteln.

2.4 Ermittlung der Beschleunigung

Um die Beschleunigung zu ermitteln, wurde unter das Geschwindigkeits-Diagramm ein neues Diagramm gezeichnet. An die Geschwindigkeits-Kurve wurde wieder bei jedem Winkel eine Tangente (braun) angelegt und in den Punkt P_a des Beschleunigungs-Diagramm verschoben. So ließ sich zu jedem Winkel eine Beschleunigung zuordnen. Die Punkte wurden miteinander verbunden und es ergab sich die in Abbildung 5 dargestellte grüne Kurve. Durch Ausmessen der längsten Strecke $a_{\max 1} = -43\text{mm}$ mit dem Lineal und Division durch den Maßstab $M_a=0,0534\text{s}^2$ ergibt sich eine maximale Beschleunigung von $-805,24\text{mm/s}^2$ bei einem Winkel von 180° sowie eine Beschleunigung von $561,8\text{mm/s}^2$ bei 0° und 360° .

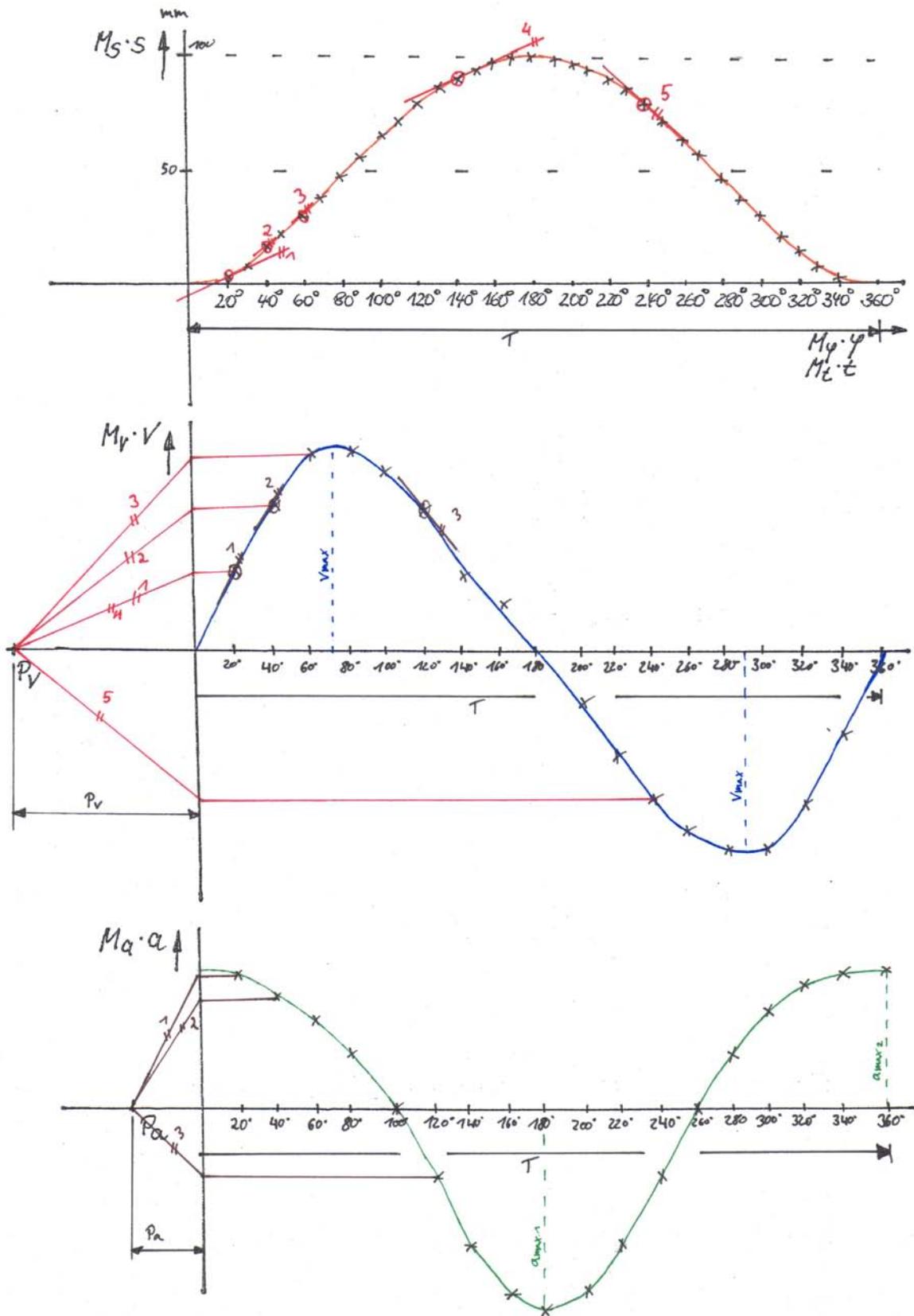


Abbildung 5: Ermittlung des Beschleunigungs-Diagramm (Zeichnungsmaßstab 1:1,33)

2.5 Kontrolle der Ergebnisse mittels SAM 6.0

Die beschriebene Schubkurbel wurde mit Hilfe des Programms SAM 6.0 analysiert. Dazu wurde die Schubkurbel wie in Abbildung 6 dargestellt entworfen und mit einem Antrieb mit einer Drehzahl von $n=0,5\text{s}^{-1}$ versehen. Anschließend konnten die Graphen des Weges (orange), der Geschwindigkeit (blau) sowie der Beschleunigung (grün) wie in Abbildung 2.6 gezeigt ausgegeben werden.

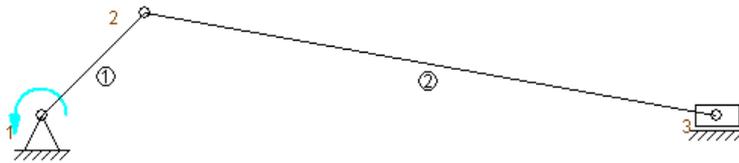


Abbildung 6: Entwurf der Schubkurbel in SAM 6.0

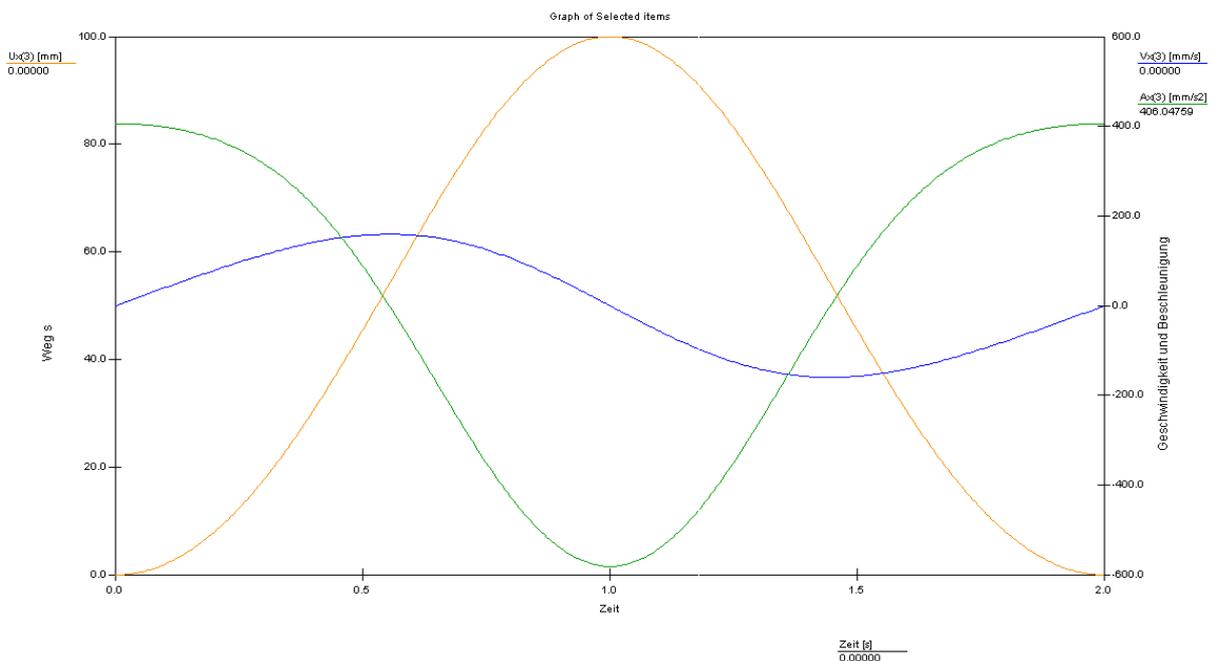


Abbildung 7: SAM-Diagramm bei $n=0,5\text{s}^{-1}$

Der Verlauf der Kurven entspricht mit geringen Abweichungen den zeichnerisch ermittelten Kurven. In Tabelle 1 wird jedoch ersichtlich, dass beim Vergleich der Maximalwerte und der dazugehörigen Winkel deutliche Unterschiede zwischen der zeichnerischen und berechneten Lösung bestehen.

Tabelle 2: Vergleich der zeichnerisch ermittelten Werte mit den berechneten Werten aus dem Programm SAM 6.0

	Zeichnerisch		SAM 6.0	
	max. Wert	Winkel	max. Wert	Winkel
Weg	100mm	180°	100mm	180°
Geschwindigkeit	168,7mm/s	75°	159,5mm/s	100°
	-168,7mm/s	290°	-159,5mm/s	260°
Beschleunigung	561,8mm/s ²	0°,360°	406,05mm/s ²	0°,360°
	805,24mm/s ²	180°	-580,9mm/s ²	180°

Diese Abweichungen entstehen in der zeichnerischen Lösung beim parallelen Verschieben der Tangenten sowie bei kleinen Ungenauigkeiten beim Ablesen und Eintragen der Werte mittels Lineal. Ersichtlich wird auch, dass sich die Fehler mit jeder Zeichnung vergrößerten, so dass geringe Abweichungen beim Zeichnen des Weges große Abweichungen bei der Beschleunigung erzeugen.

Aufgrund des hohen Zeitaufwand der zeichnerischen Lösung sowie der dabei entstehenden Fehler ist die Lösung mittels *SAM 6.0* vorzuziehen. Hiermit lassen sich schnell Lösungen ermitteln, bei denen ohne viel Aufwand z.B. die Glieder der Schubkurbel oder die Antriebsbewegungen geändert werden können.

3 Lösung mittels SAM 6.0

3.1 Ermittlung der Lösung für die Drehzahl $n = 4\text{s}^{-1}$

Hierzu wurden die bereits in Kapitel 2.5 verwendeten Programmparameter beibehalten, und lediglich die Antriebsbewegung auf eine Drehzahl mit $n=4\text{s}^{-1}$ ($T=0,25\text{s}$) eingestellt.

Tabelle 3: Maximalwerte bei der Drehzahl $n=4\text{s}^{-1}$

	Wert	Winkel
Weg	100mm	180°
Geschwindigkeit	1276mm/s -1276mm/s	100° 260°
Beschleunigung	25987mm/s^2 $-37178,42\text{mm/s}^2$	$0^\circ, 360^\circ$ 180°

Das dazugehörige Diagramm ist in Abbildung 8 dargestellt.

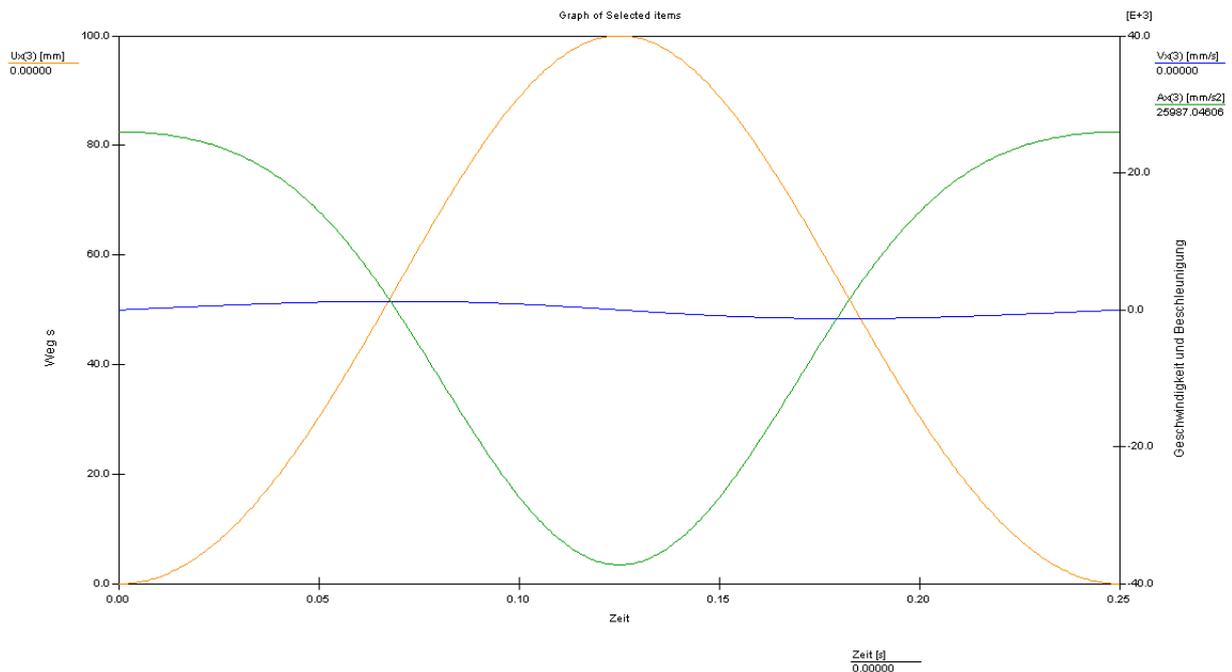


Abbildung 8: SAM-Diagramm bei $n=4\text{s}^{-1}$

3.2 Ermittlung der Lösung für die Drehzahl $n = 20\text{s}^{-1}$

Hierzu wurden die im Kapitel 3.1 verwendeten Programmparameter beibehalten, und die Antriebsbewegung auf eine Drehzahl mit $n=20\text{s}^{-1}$ ($T=0,05\text{ s}$) eingestellt.

Tabelle 3: Maximalwerte bei der Drehzahl $n=20\text{s}^{-1}$

	Wert	Winkel
Weg	100mm	180°
Geschwindigkeit	$6380,5\text{mm/s}$ $-6380,5\text{mm/s}$	100° 260°
Beschleunigung	649676mm/s^2 -929413mm/s^2	$0^\circ,360^\circ$ 180°

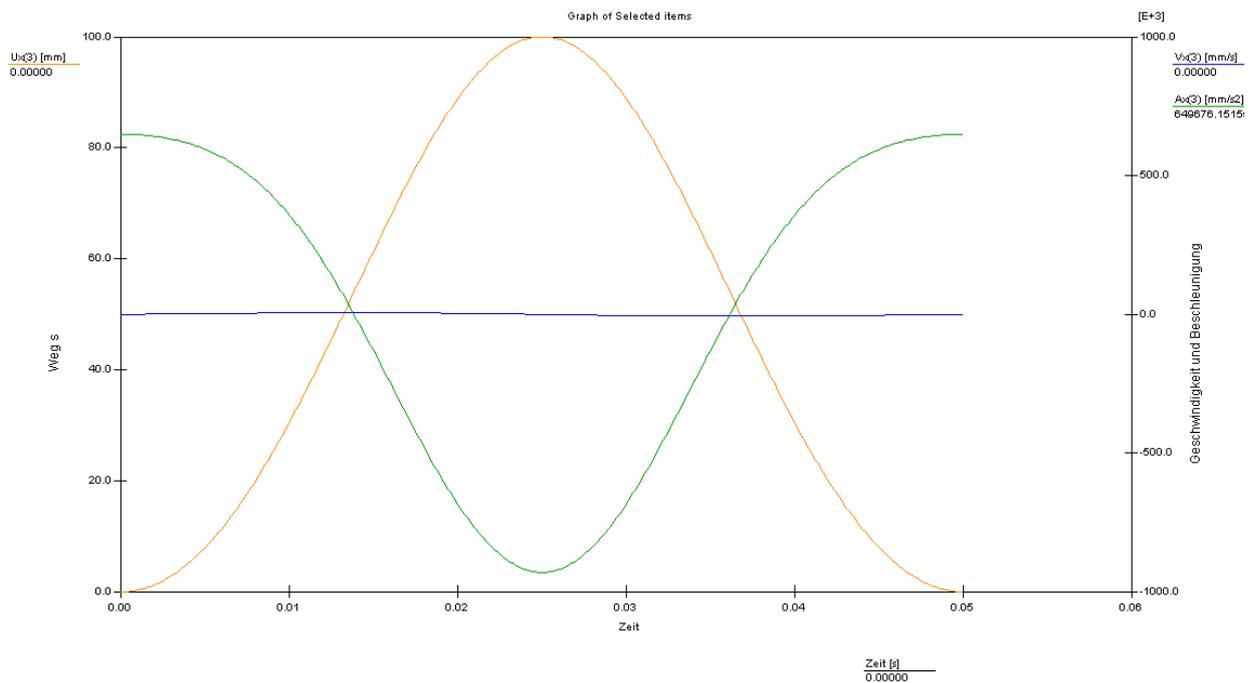


Abbildung 9: SAM-Diagramm bei $n=20\text{s}^{-1}$